

## معرفی و نقد و بررسی کتاب

**Holomorphic Functions and Integral Representations  
in Several Complex Variables** (1986) Range,R.Michael (Graduate  
Texts in Math.,108), Springer-Verlag, New York.

### توابع هولومورف و نمایش‌های انتگرالی در زمینه چند متغیر مختلط.

کتاب را در دو بخش معرفی می‌کنیم: بخش یکم گزارش فنی که از ظاهر کتاب بر می‌آید، بخش دوم گزارش علمی که ناظر به محتواهای کتاب است.

صورتهای دیفرانسیل و هندسه هرمیتی (۳ بند و ۰ ۳ تمرین)، نما-  
یشهای انتگرالی در  $C^n$  (۴ بند و ۳۳ تمرین)، مساله‌لوی و جوابهای در میدانهای اکیداً شبیه محدب (۳ بند و ۹ تمرین)، نظریه توابع بر میدانهای هولومورفی در  $C^n$  (۶ بند و ۰ ۴ تمرین)، مباحثی در نظریه توابع بر میدانهای اکیداً شبیه محدب (۹ بند و ۴۸ تمرین)، پیوستها عنوان ندارند.

کتاب در اولین نمایشگاه بین‌المللی کتاب تهران (با بهای ۷۴/۳۶ دلار) عرضه شد و از همان زمان در کتابخانه گروه ریاضی و علوم کامپیوتر دانشکده علوم دانشگاه تهران وجود دارد.

### بخش دوم: گزارش علمی

کتابی است تخصصی که هدف آن ارائه پژوهش معاصر (از ۱۹۷۰ تا ۱۹۸۶) در زمینه روش‌های انتگرالی راجع به توابع چند متغیره مختلط و بهره‌برداری سنظم از آنهاست.

کاربرد این روشها، هم در حل مسائل گذشته است، که بطور سنتی با تکنیکهای پیشرفته و پیچیده‌ای حل شده بودند، هم در مسائل جدیدی است، که غالباً در رابطه با معادلات دیفرانسیل با مشتق‌ات جزئی در میدان مختلط مطرح می‌شوند. مؤلف، یکی از پژوهشگران این زمینه ریاضی است و در کتاب تعداد معتبری از اثباتات کامل نتایج سراسری، می‌پردازد که برخی کلاسیک و برخی نوآند. کاربرد فنون و روش‌های انتگرالی اجازه می‌دهد، با حداقل پیش‌نیاز، موضوع مورد بحث قرار گیرد. به علاوه یکی از استیازهای دیگر آن است که اجازه می‌دهد دانشجویان شکل قضایای آنالیز مختلط یک متغیره را، که قبل امی شناسند، در چند متغیره نیز بازیابند. این کتاب مدخل منظمی برای روش نمایش انتگرال و کاربردهای آن به حساب می‌آید.

(الف) دو فصل اول کتاب، در سطح یک درس مقدماتی دوره کارشناسی ارشد در نظریه توابع چند متغیر مختلط است. در این قسمت، که حدود ۱۰۰ صفحه از کتاب را می‌گیرد، مطالب سنتی چنین درسی با شیوه‌ای رسا و جذاب آمده است. تکیه اندکی روی

### بخش یکم: گزارش فنی

مؤلف: درگروه ریاضی و آمار دانشگاه دولتی نیویورک (در— آلبانی) تدریس و تحقیق می‌کند. فروش زیر نظر هالموس (درسانتا کلارا) گرنیک (در آن‌آربر) و سور (در برکلی) منتشر می‌شود که ریاست این هیات با هالموس است. کتاب به زبان انگلیسی و اهداء شده است به خانواده مؤلف (ساندرینا، اوفلیا، ماریزا، ریتو). کتاب شامل (بیست + ۳۸۶) صفحه به شرح زیر است:

پیشگفتار (۵ ص)، راهنمایی مؤلف جهت استفاده از کتاب (۲ ص)، نمودار ارتباط بین فصول (۱ ص)، فهرست مندرجات (۳ ص)، ستن فصول (۷ فصل هر فصل شامل چند بند و یاد داشتهای پایان فصل)، پیوست A (۲ ص)، B (۲ ص)، C (۲ ص)، کتابنامه (۱۱ ص) فهرست علائم (۵ ص) و نمایه (۸ ص).

در اول و آخر کتاب، نام مؤلف و عنوان ۹۰۱ کتاب در فروش مورد نظر آمده است. در پشت جلد، توصیفی از کتاب با مضمون زیر درج شده است: این کتاب متنی مقدماتی در توابع چند متغیر مختلط است که از روش‌های نمایش انتگرالی بهره می‌جوید. با نتایج موضعی مقدماتی شروع می‌شود، مفاہیم نو و اساسی چند بعدی از قبیل شبیه تحدب و تحدب هولومورفی را مورد بحث قرار می‌دهد و به اثباتات کامل نتایج سراسری، می‌پردازد که برخی کلاسیک و برخی نوآند. کاربرد فنون و روش‌های انتگرالی اجازه می‌دهد، با حداقل پیش‌نیاز، موضوع مورد بحث قرار گیرد. به علاوه یکی از استیازهای دیگر آن است که اجازه می‌دهد دانشجویان شکل قضایای آنالیز مختلط یک متغیره را، که قبل امی شناسند، در چند متغیره نیز بازیابند. این کتاب مدخل منظمی برای روش نمایش انتگرال و کاربردهای آن به حساب می‌آید. از جمله قضیه مشهور فرمان را با برهان ساده‌آن در بر می‌گیرد. عنوان فصلها: ویژگیهای موضعی توابع هولومورف (۳ بند و ۳۶ تمرین)، میدانهای هولومورف و شبیه تحدب (۵ بند و ۵۰ تمرین)،

تاخته توصیف و در ک صورت قضیه آمده است، بی آنکه اثبات شده باشد (برخلاف تعریف تبلیغی که پشت جلد شده است). بدون شک این کتاب، در آتیه نزدیک مورد توجه گروههای متخصص و حتی غیر متخصص در آنالیز مختلط قرار می‌گیرد. زیرا از طرفی، دعوتی مناسب وجذاب برای پژوهشگران جوان است که بخواهند در زمینه هائی از قبیل کوهومولوزی با تخمین، نظریه تقریب و هندسه مختلط کار کنند از طرف دیگر، سرجعی است که پژوهشها<sup>۶</sup>، سال اخیر را در زمینه نمایشها انتگرالی به شکلی قابل فهم ارائه داده است. به علاوه، جاذبیت کتاب در آن است که انگیزه هاو یادداشت‌های تاریخی جالب را بدون تعصب (اما با علاقه) آورده و اجازه می‌دهد دید روشنی از وضعیت تاریخی نظریه توابع چند متغیره به دست آید. این بخش کتاب برای تدریس درس دومنی در دوره دکتری ریاضی و یا ارجاع به شکل سمینار در طول یک سال بین یک گروه در آغاز تحقیق توصیه می‌شود. کسی که در این زمینه کار کند، باید در فنون محاسبات انتگرالی روی خمینه های حقیقی و مختلط ورزیده باشد.

اشتباهات چاپی اندکی در کتاب دیده شد (در ص ۲۵۱ دو اشتباه). اما انتخاب علامتگذاریها و شیوه نگارش و چاپ کتاب واقعاً دلپسند است.

توصیفی که مولف از کتاب «نظریه دسته های سازگار تحلیلی»، تالیف گراورت و رمرت (۱۹۸۴) به عنوان «آخرین جلوه هنر» می‌نماید، نشان می‌دهد که با رودین (۱۹۸۲) هم عقیده است که «از ۱۹۷۰ نظریه دسته ها رویه افول گذاشته است.

رویهم رفته، دیدگاه مولف آن است که به جای روش های هندسه جبری؛ از روش های هندسه دیفرانسیل و آنالیز حقیقی در این نظریه استفاده شود.

کتاب در سطح دوره دکترای ریاضی فعلی است.

دکتر ارسلان شادمان

گروه ریاضی و علوم کامپیوتر دانشکده علوم

دانشگاه تهران

مجموعه های تحلیلی شده است اما، زیر خمینه های مختلط فضای  $C^n$ ، و نگاشتها های هولومorf بی درنگ مورد بررسی قرار گرفته اند. در فصل دوم، سیدانهای هولومorfی و شبه تعجب را به وجهی مطلوب با توابع پلوریسوز هارمونیک بیان می کنند. نشان می دهد که سر ز هموار یک میدان و وجود یک تابع تعريف، نقشی اساسی در شناخت آنالیز و هندسه میدان بازی می کند. خصوصاً، شبه تعجبهای مختلف، از آن جمله شبه تعجب به زعم لوی، و شبه تعجب اکید، و طرح مسئله لوی و تابع فرآگیر (exhaustion) را مورد بحث قرار می دهد. انواع تعجب، بر حسب توابع خطی و هولومorf و پلوریسوز هارمونیک و ...، اجازه می دهند که سر شتمایه های شناخته شده معادل با شبه تعجب به زعم هارتوكس، بیان و اثبات شود.

(ب)- فصل سوم کتاب، از طرفی چکیده جالبی از درس هندسه دیفرانسیل خمینه های دیفرانسیل پذیر حقیقی را در بر می گیرد و آنرا تا قضیه استوکس و صورتهای دیفرانسیل مضاعف روی خمینه حاصل ضریبی پیش می برد و از طرف دیگر صورتهای دیفرانسیل مختلط و ساختار هرمیتی را تنظیم می کند. خوانندگانی که درس هندسه دیفرانسیل را گذرانیده باشند از خواندن ۳۱ بی نیازند. اما علاوه بر نسبیت علامتگذاریها، شیوه نگارش و روش توانای او را تحسین خواهند نمود. قسمت مختلط اند کی پیچیده تر است، اما قابل درک است. و ابزار کار در بقیه کتاب است: عملگرهای دیفرانسیل  $\delta$  و  $\bar{\delta}$  و  $*$  و  $d$  و  $\partial$  (الحقیقی)،  $\Delta$  (لاپلاس- بلترامی) و  $\square$  (لاپلاس مختلط)، با احتیاط لازم و کلیت کافی، روی صورتهای دیفرانسیل مختلط تعريف می شوند. در حالت خاص، که روی توابع اثر کنند، شکل «اده تر و کم و بیش آشنازی به خود می گیرند، این بخش، که لازم است در نخستین درس توابع چند متغیر مختلط دوره کارشناسی ارشد و دکترا گنجانده شود، از طرفی در کوهومولوزی و از طرف دیگر در نمایشها انتگرالی مورد استفاده قرار می گیرد.

(ج)- نزدیک دو سوم کتاب را نمایشها انتگرالی و کاربرد آنها فرا می گیرد. در بین کاربردها، نتایج سرتاسری سهمی نیز دیده می شود. اما برخی از نتایج کلاسیک مهم، نظری قضاایی  $A$  و  $B$  کار تان،